Fall 2012 Welcome

Steven F. Bellenot

Department of Mathematics Florida State University

Fall 2012 Florida State University, Tallahassee, FL Aug 24, 2012

▲御 ▶ ▲ 臣 ▶ ▲ 臣 ▶ 二 臣

Social Networks



イロト イヨト イヨト イ

■▶ ■ のへぐ

Food Web Networks



Steven F. Bellenot Friend Networks on Convex Polyhedra, or 1,2,3,4,?

크 > 크



A convex polyhedra is the convex hull of a finite set of points in

R^{*n*}. Network *vertices* are the extreme points (i.e. (2, 2) and (0, 4) but not (1, 1) nor (3, 1))and Network *edges* are extreme line segments between vertices (i.e [(2, 2), (0, 4)] but not [(0, 0), (2, 2)]). Two vertices are *friends* if they are joined by an edge.

프 🖌 🛪 프 🕨



A convex polyhedra is the convex hull of a finite set of points in \mathbb{R}^n . Network vertices are the extreme points (i.e. (2,2) and (0,4) but not (1,1) nor (3,1))and Network edges are extreme line segments between vertices (i.e [(2,2), (0,4)] but not [(0,0), (2,2)]). Two vertices are *friends* if they are joined by an edge.

프 🖌 🛪 프 🕨



A *convex polyhedra* is the convex hull of a finite set of points in \mathbb{R}^n . Network *vertices* are the extreme points (i.e. (2,2) and (0,4) but not (1,1) nor (3,1))and Network *edges* are extreme line segments between vertices (i.e [(2,2), (0,4)] but not [(0,0), (2,2)]). Two vertices are *friends* if they are joined by an edge.



A *convex polyhedra* is the convex hull of a finite set of points in \mathbb{R}^n . Network *vertices* are the extreme points (i.e. (2,2) and (0,4) but not (1,1) nor (3,1))and Network *edges* are extreme line segments between vertices (i.e [(2,2), (0,4)] but not [(0,0), (2,2)]). Two vertices are *friends* if they are joined by an edge.

Clicks

A *click* is a set of vertices, every pair of which are friends. ${}^{\rm K}{}_1$



프 > 프



Suppose this collection of points is a max convex click

Steven F. Bellenot Friend Networks on Convex Polyhedra, or 1,2,3,4,?

□ ▶ ▲ 臣 ▶ ▲ 臣 ▶ ▲ 臣 ● � � �



Find the leftmost point

코 > 코



Find the next point clockwise

코 > 코



Find the next point counterclockwise



Now look at the remaining points



They are not extremal, so max is 3.

코 > 코



Only two vertices, leftmost and rightmost.



코가 세크가 세크

Maximal Convex Clicks Size in Dimension n

Dimension	Max Convex Click
0	1
1	2
2	3
3	4
4	?

■▶ ■ のへで

ト く ヨ ト く

Advisors (other than Josh) are not your friend

 Do not reply to email from students wanting to add your class just forward them to advisor@math.fsu.edu

Advisors (other than Josh) are not your friend

 Do not reply to email from students wanting to add your class just forward them to advisor@math.fsu.edu

• You don't have to answer email.

• But it is better to answer "See me in my office" or "Read the web page" a day or two later.

▲□ → ▲ 三 → ▲ 三 → つく(~

- You don't have to answer email.
- But it is better to answer "See me in my office" or "Read the web page" a day or two later.

▶ < 코 > < 코 > · · 코

(個) (目) (日) (日)

回入 くさん くさん 二注

- The letter isn't the request. It is a basis for discussion.
- Unlimited Excused Absences. One extra excused absence.

▲□ ▶ ▲ ■ ▶ ▲ ■ ▶ ● ■ ● ● ● ●

• The letter isn't the request. It is a basis for discussion.

 Unlimited Excused Absences. One extra excused absence.

◆□ ▶ ◆ 臣 ▶ ◆ 臣 ▶ ● ○ ○ ○ ○

- The letter isn't the request. It is a basis for discussion.
- Unlimited Excused Absences. One extra excused absence.

同 ト イヨ ト イヨ ト うへで

- The letter isn't the request. It is a basis for discussion.
- Unlimited Excused Absences. One extra excused absence.

■▶ ▲ 臣▶ ▲ 臣▶ 三臣 - のへで

Maximal Convex Clicks Size in Dimension n

Dimension	Max Convex Click
0	1
1	2
2	3
3	4
4	∞

■▶ ■ のへで

ト く ヨ ト く

$$f(t) = (t - t_3)^2 (t - t_5)^2 = a_0 + a_1 t + a_2 t^2 + a_3 t^3 + a_4 t^4$$

Note $f(t_3) = f(t_5) = 0 < f(t_i)$ for $3 \neq i \neq 5$. Note P_i dot product $[a_1, a_2, a_3, a_4] = f(t_i) - a_0$ We have found a linear functional the exposes the edge from P_3 to P_5 .

イロト イポト イヨト イヨト 一座

$$f(t) = (t - t_3)^2 (t - t_5)^2 = a_0 + a_1 t + a_2 t^2 + a_3 t^3 + a_4 t^4$$

Note $f(t_3) = f(t_5) = 0 < f(t_i)$ for $3 \neq i \neq 5$. Note P_i dot product $[a_1, a_2, a_3, a_4] = f(t_i) - a_0$ We have found a linear functional the exposes the edge from P_3 to P_5 .

< ロ > < 同 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ >

$$f(t) = (t - t_3)^2 (t - t_5)^2 = a_0 + a_1 t + a_2 t^2 + a_3 t^3 + a_4 t^4$$

Note $f(t_3) = f(t_5) = 0 < f(t_i)$ for $3 \neq i \neq 5$. Note P_i dot product $[a_1, a_2, a_3, a_4] = f(t_i) - a_0$ We have found a linear functional the exposes the edge from P_3 to P_5 .

< ロ > < 同 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ >

$$f(t) = (t - t_3)^2 (t - t_5)^2 = a_0 + a_1 t + a_2 t^2 + a_3 t^3 + a_4 t^4$$

Note $f(t_3) = f(t_5) = 0 < f(t_i)$ for $3 \neq i \neq 5$.

Note P_i dot product $[a_1, a_2, a_3, a_4] = f(t_i) - a_0$ We have found a linear functional the exposes the edge from P_3 to P_5 .

▲□▶ ▲□▶ ▲三▶ ▲三▶ 三三 ののの

$$f(t) = (t - t_3)^2 (t - t_5)^2 = a_0 + a_1 t + a_2 t^2 + a_3 t^3 + a_4 t^4$$

Note $f(t_3) = f(t_5) = 0 < f(t_i)$ for $3 \neq i \neq 5$. Note P_i dot product $[a_1, a_2, a_3, a_4] = f(t_i) - a_0$ We have found a linear functional the exposes the edge from P_3 to P_5 .

▲□▶ ▲□▶ ▲三▶ ▲三▶ 三三 ののの

$$f(t) = (t - t_3)^2 (t - t_5)^2 = a_0 + a_1 t + a_2 t^2 + a_3 t^3 + a_4 t^4$$

Note $f(t_3) = f(t_5) = 0 < f(t_i)$ for $3 \neq i \neq 5$. Note P_i dot product $[a_1, a_2, a_3, a_4] = f(t_i) - a_0$ We have found a linear functional the exposes the edge from P_3 to P_5 .

▲御 ▶ ▲ 臣 ▶ ▲ 臣 ▶ 二 臣